

LU 13



### Lernziele

Ich kann	Ja • Nein
Raummasse anwenden sowie anschauliche Beispiele zu den Grundeinheiten (1mm³, 1cm³, 1dm³, 1m³) nennen. SB 3, AH 1-3	
Kantenlängen, Volumen und Oberflächen von Quadern bestimmen und berechnen. SB 4, AH 5+6	
Körper in Schrägbilddarstellung erkennen und einfache Körper skizzieren. SB 1, 3, 7 AH 7	
Mich auf den Aufgaben zur Kopfgeometrie einlassen und dabei skizzieren, notieren und Lösungen finden. SB 9, AH 10-11	
Die Systematik der Längenmasse, (10 cm = 1dm), der Flächenmasse (100 cm² = 1 dm²) und der Raummasse (1000 cm³ = 1 dm³) erläutern. SB 3	
Beziehungen zwischen Kantenlängen, Oberflächen und Volumen erkennen und beschreiben. SB 5,7,8 AH 8, 9	
Mir Zerlegungen von Quadern vorstellen und Aufgaben zur Kopfgeometrie lösen. SB 9, AH 10-12	

# Abgeben vor der Prüfung

- vollständig ausgefülltes und sauber geführtes Dossier
- eingeklebte Arbeitsblätter aus dem Arbeitsbuch inklusive aller dazu gemachten Notizen
- Merkblatt zur Lernumgebung
- vollständige gelöste Probeprüfung
- zusätzlich gelöste Blätter

Weitere Lernlinks sind zu finden auf http://schule.omr.ch/ru http://www.mathbuch.info

Name Vorname Klasse

## 1. Sekundarklasse

Dossierkontrolle vom

Beurteilung

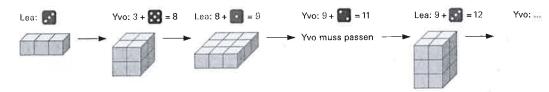
Bemerkungen

Unterschrift der Eltern

### **Einleitung**

Wenn wir uns vorstellen, dass Quader aus vielen kleinen Würfeln bestehen, lassen sich die Eigenschaften von Quadern gut untersuchen. Die Fläche einer ebenen Figur wie auch die Oberfläche eines Körpers kann man in Quadratzentimetern (cm²) angeben. Das Volumen eines Körpers kann man entsprechend in Kubikzentimetern angeben (cm³).

Schulbuch 1 Quader bauen – ein Spiel zu zweit



Würfelt abwechslungsweise mit einem Spielwürfel und fügt die gewürfelte Anzahl Holzwürfel den vorhandenen Würfeln hinzu.

- In jeder Spielrunde versucht ihr, aus allen vorhandenen Holzwürfeln einen Quader zu bilden.
- Die Kantenlängen eines Quaders dürfen dabei höchstens sieben Würfel lang sein.
- Wer keinen solchen Quader bilden kann, muss passen, wie zum Beispiel Yvo mit seinen elf Würfeln.
- Das Spiel ist zu Ende, wenn mehr als 40 Würfel zu einem Quader zusammengefügt worden sind. Wer häufiger einen Quader bilden konnte, gewinnt.

A: Spiele das Spiel mehrfach und führe Protokoll.

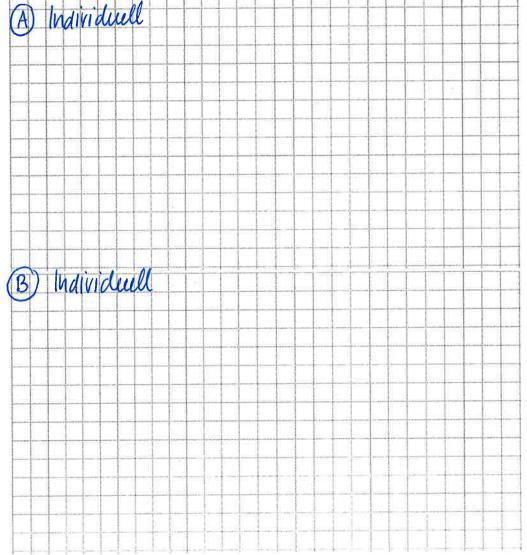
# В:

Mit 30 Würfeln kann man auf zwei verschiedene Arten einen Quader bauen:

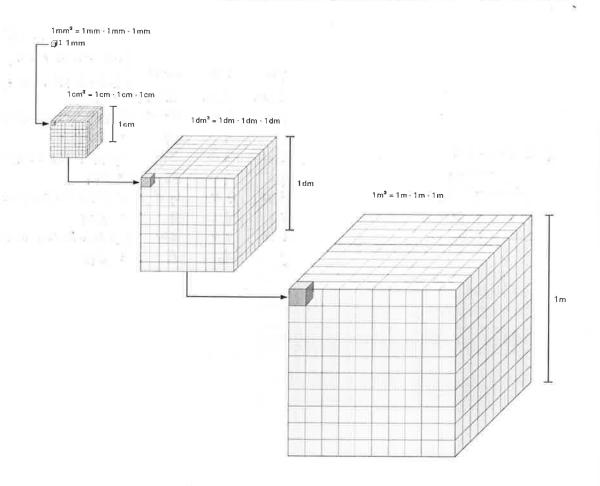
#### 5•3•2 oder 6•5•1

In dienem Spiel sind wahrscheinlich noch andere solche Beispiele vorgekommen. Notiere sie.

# Mein Protokoll



### Schulbuch 3



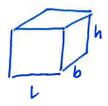
A: weiche dieser Objekte k	onnen etwa 1 mm° gross seir	1?
<b>X</b> Bleistiftspitze	O Radiergummi	O Stecknadelkoopf
O Wassertropfen	O Briefmarke	O Staubkorn
Sandkorn	O	O
	önnen etwa 1 cm³ gross sein′	?
O Radiergummi	O Stecknadelkopf	O Wassertro <b>∕</b> pfen
O Briefmarke	<b>⋈</b> Himbeere	O Espresso-Tasse
O Fingerhut	O Spielwürfel	0
C: Welche dieser Objekte k	önnen etwa 1 dm³ gross sein	?
O Tomate	Melone (Klein)	<b>⊠</b> Buch
O Spielwürfel	O Schrank	O Mensch
XX.1 I Milch	O Badewanne	&Blumentopf (Kleib)
O	O	Blumentopf ( Klerh )     O
D: Welcher dieser Objekte I	können etwa 1 m³ gross sein?	
X Stier	O Auto	O Mensch
O Käsekessel	O Badewanne	Schrank
O Baumstamm	O	O
E: Wie viele Holzwürfel mit	s = 2 cm brought as atus um	unaan Cabul-i

füllen?

### Schulbuch 4

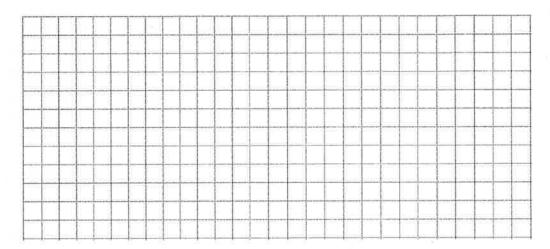
Skizziere oder baue möglichst viele verschiedene Quader mit 64 Würfeln der Kantenlänge s = 2 cm. Verwende immer alle 64 Würfel.

2 . 2 . 2 . 2 . 2 . 2



Meine Skizzen

Quader	Länge	Breite	Höhe	Oberfläche (n cm	Volumen
	in cm	in cm	in cm	(1.b + b.h + 1.h)-2	in cm3
	1 W.	1 W.	64 W.	(0000 428 - 428.5).0	2.2.128 = 512
Nr. 1	2 cm	2cm	128cm	(2.2+2.128+128.2).2 = 1024	
Nr. 2	1 W.	2 w .	32 W.	(2.4+4.64+64.2).2	2.4.64 = 512
INI. Z	2	4	64	= 784	
Nr. 3	2 W .	2 w ·	16 W.	(4.4+4.32+32.4).2	4.4.32 = 512
INF. 3	4	4	32	= 544	, , , ,
NI- 4	4 W.	4 W.	4 W-	(8.8+8.8+8.8).2	8.8.8 = 512
Nr. 4	8	8	8	= 384	112
	1W.	8 W.	εω.	(2.16+16.16+16.2).2	2-16-16 = 512
Nr. 5	2	16	16	= 640	0 (2

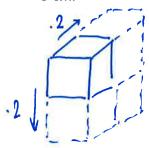


### Schulbuch 5

Denk dir einen Quader mit den Seitenlängen a, b und c. Das Volumen beträgt a•b•c. Wie verändert sich das Volumen, wenn die Seitenlängen verändert werden? Wie verändert sich die Oberfläche?

Vervollständige die Tabelle.

Wenn dir die Aufgabe schwierig erscheint, rechnet mit a = 2cm, b = 3 cm und c = 5 cm.



		Volumen	Oberfläche
Α	Verdopple eine Seitenlänge des Quaders.	Das Volumen verdop- pelt sich: Aus a•b•c wird dann 2a•b•c, was doppelt so gros ist.	Vier Seitenflächen werden doppelt so gross, zwei bleiben gleich.
В	Verdopple zwei Seiten des Quaders	Das Voluman wird 4 × grösser!	4 Scilenflächen werden Verdoppelt, 1 werden Sogar vervierfacht.
С	Verdopple alle drei Seitenlängen des Quaders.	Das Volumen wird 2.2.2 = 8× grosser	alle Seitenflächen Werden 4 x grösser
D	Wähle alle drei Seitenlängen des Quaders dreimal länger (3•a, 3•b, 3•c)	Das Volumen wird 3.3.3 = 27 × grasser	Alle seitenflächen Werden 9x grüsser
Ε	Wähle alle vier Seitenlängen des Quaders deimal länger (4•a, 4•b, 4•c)	Das Volumen wird 4.4.4 = 64 × grösser	Alle Seitenflächen Werden 16 xgrösser!
F	Wie verändert sich das Volumen, wenn alle Seiten x-Mal länger werden?	Das Volumen wird $x \cdot x \cdot x = x^3 x$ grosser	Alle faitenflächen Werden $\times \times = \times^2 \times$ grösser!

# Schulbuch 7 Quader falten und flechten

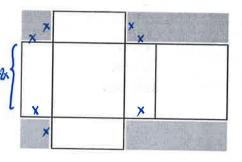
4,0

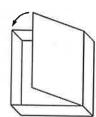
Ein Papier von 24 cm • 16 cm (A4: 29.7 cm • 21 cm) enthält waagrechte und senkrechte Linien im Abstand von 1 cm. Es wird entlang der fett markierten Linien nach oben gefaltet. Die farbig markierten Quadrate können dazu weggeschnitten werden. Es entsteht eine oben offene Schachtel. Vervollständige wie das Beispiel der Schachtel 1.

	Schachtel 1	2	3	4	5
Rand	4 cm	1 cm	2cm	3 cm	6 & cm
Grundfläche	16cm•8cm = 128 cm <sup>2</sup>	(24-2) (46-2) = 308 = 22.14 Cm	20.12	$18 \cdot 10$ $= 180 \text{ cm}^2$	12.4 =48cm²
Randfläche	4cm • 48 cm = 192 cm <sup>2</sup>			3 · (80 - 24)	
"Abfall"	64 cm <sup>2</sup>	4.1.1 > 4 cm <sup>2</sup>	4. 2.2 =) 16cm²	4. 3.3 =) 36 cm <sup>2</sup>	4.6.6 =>144 cm²
Volumen = Grundflächl · Häk	4 cm • 128 cm <sup>2</sup> = 512 cm <sup>3</sup>	308·1 → 308cm	240 · 2  → 480 cm <sup>3</sup>	180·4 → 720cm³	48.6 → 288cm³

## Schulbuch 8 Klassenwettbewerb

Aus einem A4-Blatt (297 x 210 mm) kann man das Netz einer Schachtel schneiden. Wer stellt die Schachtel mit dem grössten Volumen her?



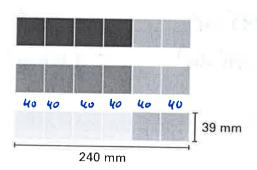


Individual...
Theoretisches max.

# Schulbuch 9 Flechtwürfel



Du kannst aus drei Papierstreifen nur durch Falten und Flechten, aber ohne zu kleben, einen Würfel herstellen. Stelle den Würfel gemäss folgender Anleitung her.



Masse der Streifen



Flechtstruktur

# Kosten berechnen

AB 5

### AH 1

Ergänze

1 m $^3$  enthält  $\frac{1000}{1000}$  dm $^3$  1 dm $^3$  enthält  $\frac{1000}{1000}$  cm $^3$ 

AH<sub>2</sub>

Finde jeweils zwei weitere Beispiele zu den folgenden Volumen.

Individualle

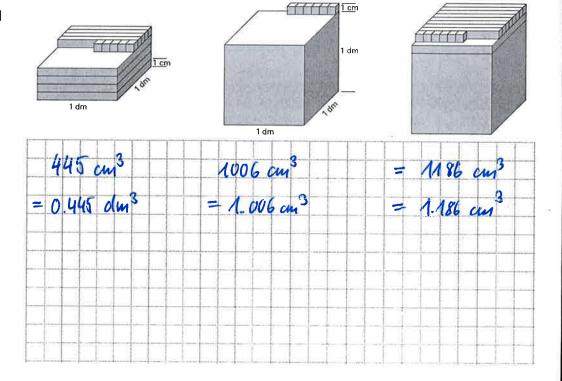
Volumen	Beispiel	Meine Beispiele
1 cm <sup>3</sup>	ein halber Zuckerwürfel	·
10 cm <sup>3</sup>	Ein Bleistift	
100 cm <sup>3</sup>	Ein kleiner Cervelat	
$1000  \text{cm}^3 = 1  \text{dm}^3$	Ein mathbuch	
10 dm <sup>3</sup>	Eine Giesskanne	
100 dm <sup>3</sup>	Ein Kühlschrank	

## AH<sub>3</sub> Bestimme die Kantenlänge der Würfel.

age and the con-

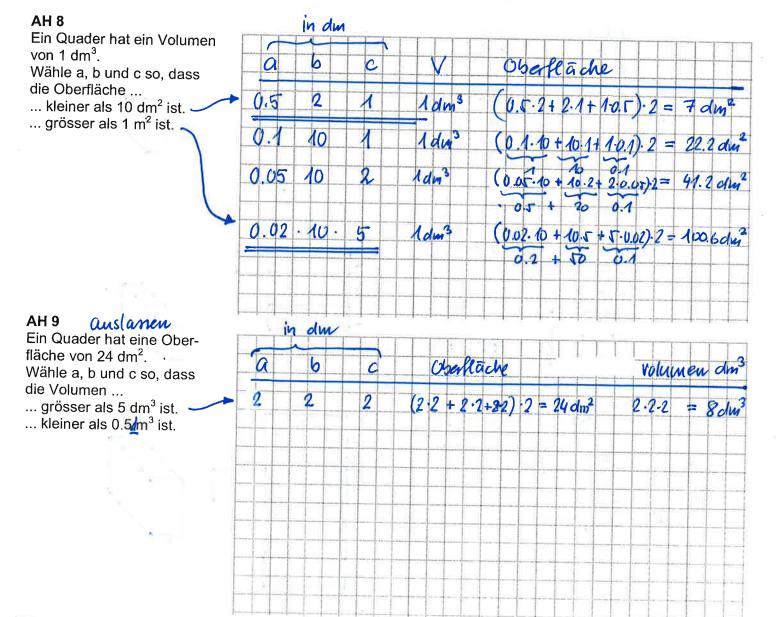
Volumen	Kantenlänge	Volumen	Kantenlänge
V = 1 cm <sup>3</sup>	1 cm	$V = 8000 \text{ cm}^3$	20 cm
$V = 1000 \text{ cm}^3$	10 cm	$V = 125'000 \text{ cm}^3$	56 cm
$V = 1'000'000 \text{ cm}^3$	100 om	$V = 512 \text{ cm}^3$	8 cm

AH 5 Gib das Volumen in cm³ und in dm<sup>3</sup> an.



AH 6 Verschiedene Quader Berechne Gesamtkantenlängen, Oberfläche und Volumen der Quader.

Quader	Oberfläche S in cm²	Kantenlänge in cm	Volumen V
a = 10 cm b = 10 cm c = 110 cm	(10.10 } .2 > 4600	4.10 +} 4.10 +} 4.110 }	a.b.c=11'000
a = 15 cm b = 10 cm c = 120 cm	6300	580	18,000
a = 14 cm b = 10 cm c = 125 cm	6280	596	17500
a = 12 cm b = 10 cm c = 150 cm	6840	688	18/000
a = 11 cm b = 10 cm c = <del>150</del> cm	4420	484	11'000
a = 5 m b = 6 m c = <del>17</del> m	214 m²	72:	n 210 m <sup>3</sup>



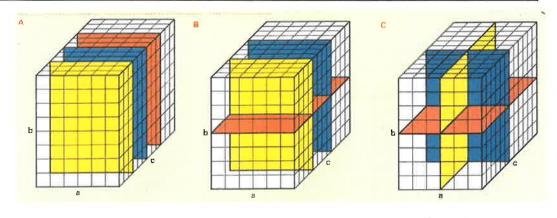
AH 7 Berechne ...

a, b, c in cm	Oberfläche S in cm²	Volumen V in cm³	Mögliche Abwicklung	Skizze Raumbild
a = 4 b = 2 c = 6		4.2.6	2 cm 6 cm	b / diese Strecke entspricht 2 cm
a =5 b = ./10 c = 8	5.40 10.8	5.10·8 = 400	8 8 8	10:
a =2 b =3 c =4	$ \begin{array}{c} 2 \cdot 3 \\ 3 \cdot 4 \\ 4 \cdot 2 \end{array} $ $ \begin{array}{c} 2 \rightarrow 52 \\ 4 \cdot 2 \end{array} $	2.3.4	4 cm C 3 cm 2 cm	
a = .2 b = 3 c = 8	92  a.b  b.c  c.a  authoritiesen $\Rightarrow a=2$ $b=3$	48 = a.b.c 48:8 = 6 (a.b = 6)	3 8 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3	
a = .3 b = 5 c = .8	158 a;b; b·c; -2 = 158 c·a ausprobieses	120 cm <sup>3</sup> = 3.5-8	\$ 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	

# AH 10 Zerlegen, zusammensetzen, abwickeln

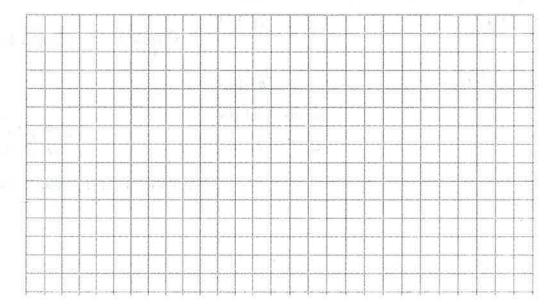
Zerschneide einen Quader (a = 6 cm, b = 8 cm, c = 12 cm) mit drei Schnitten. Färbe die Schnittflächen.

A Es sollen vier gleiche Quader entstehen. B Es sollen sechs gleiche Quader entstehen. C Es sollen acht gleiche Quader entstehen.



# AH 12 Wahr (w) oder falsch (f)? Behauptung

		Behauptung	w	f
	Α	Wird ein Quader parallel zu einer Seitenfläche geschnitten, entstehen zwei neue Quader.	X	
	В	Bei der Zerlegung von Quadern vergrössert sich die Gesamt- kantenlänge immer.	X	
2	С	Bei der Zerlegung von Quadern kann sich die Oberfläche verdoppeln.		X
	D	Bei der Zerlegung von Quadern kann sich das Volumen verdoppeln.		X
	E	Man kann vier verschiedene Quader immer zu einem neuen Quader zusammenfügen.		X
	F	Beim Zusammenfügen von vier kongruenten ("gleichen") Quadern zu einem neuen Quader bleiben eine oder zwei von drei Seitenflächen gleich.		X
	G	Beim Zusammenfügen von vier kongruenten ("gleichen") Quadern zu einem neuen Quader bleiben eine oder zwei der drei verschiedenen Seitenlängen gleich.	4 1	X



# Kosten berechnen

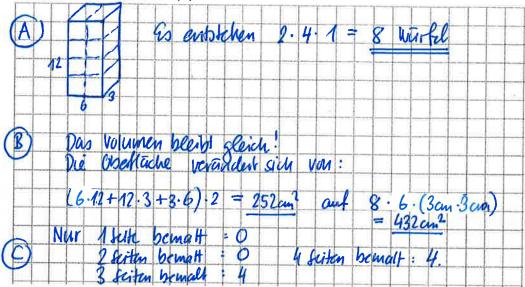
### Zusatzaufgabe 403

Ein Quader mi ta=6cm,b=12cm,c=3cm ist aussen blau bemalt. Zerlege ihn in Würfel mit s = 3 cm.

A Wie viele Würfel entstehen?

B Wie verändern sich Oberfläche und Volumen durch die Zerlegung?

C Wie viele der kleinen Würfel haben genau eine, genau zwei, genau drei und genau vier bemalte Seite(n)?

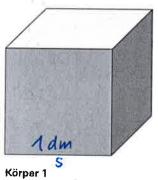


Zusatzaufgabe 404

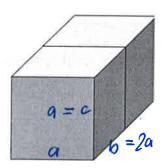
Der Würfel links und der Quader rechts, der aus zwei gleich grossen Würfeln besteht, haben beide eine Oberfläche von 6 dm<sup>2</sup>.

A Bestimme (annähernd) die Seitenlängen der beiden Körper.

B Welcher Körper hat das grössere Volumen?



1dm

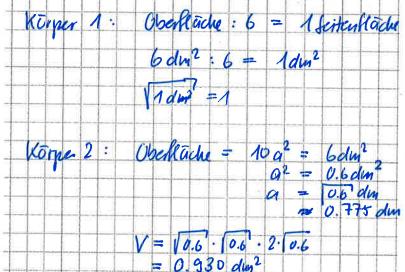


Körper 2

2 0.775 du

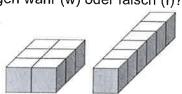
= 2a a 1.55 dm

c = a = 0.775dm



# Zusatzaufgabe 303

Die beiden Quader bestehen aus je 6 gleichen Würfeln. Sind die folgenden Aussagen wahr (w) oder falsch (f)?



hat mehr Volumen.

- Volumen und Oberfläche der beiden Quader sind gleich.
- Nur das Volumen der beiden Quader ist gleich.
- Nur die Oberfläche der beiden Quader ist gleich.



# Zusatzaufgabe 304

A Wie viele Würfel mit s = 2 cm sind zusammen 1 dm<sup>3</sup> gross?

5.5.5= 125 Stuck

B Wie viele Würfel mit s = 2 cm sind zusammen 1 m³ gross?

# Zusatzaufgabe 305

Quader 1	Quader 2		
V = 30 cm <sup>3</sup>	V = 60 cm <sup>3</sup>		
a = 2 cm	a = 1 cm		
b = 3 cm	b = 6 cm		
c = 5 cm	c = 10 cm		

A Sind die Aussagen wahr (w) oder falsch (f)?

Die sechs Kantenlängen sind unterschiedlich lang. ☐ w 🂢

Quader 2 ist doppelt so gross wie Quader 1. 🧪 💥 w ☐

Volumen!

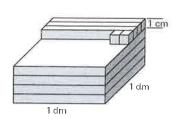
# Zusatzaufgabe 306

#### Ergänze die Tabelle.

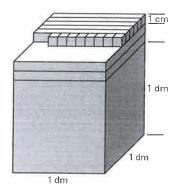
	Kanten	Alle Kanten zusammen	Oberfläche	Volumen
Quader 1	a = 10 cm b = 10 cm c = 110 cm	520 cm	4600 an2	11'000 au 3
Quader 2	a = 15 cm b = 10 cm c = 120 cm	580 cm	_ 6300 cm²	18'000 au3
Quader 3	a = 14 cm b = 10 cm c = 125 cm	596 cm	6280 cm <sup>2</sup>	A 500 cm3
Quader 4	a = 12 cm b = 10 cm c = 150 cm	688 cm	6840 cm2	18'000 cm3
Quader 5	a = 11 cm b = 10 cm c = 100 cm	484 cm	4420 an2	11 '000 cm3

## mathbuch 1 LU13 Arbeitsheft+ Teste dich selbst

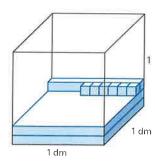
A Gib das Volumen der Körper 1 und 2 in cm³ und dm³ an.



**Körper 1** 
$$V = \frac{432}{\text{cm}^3} = \frac{0.432}{\text{dm}^3}$$



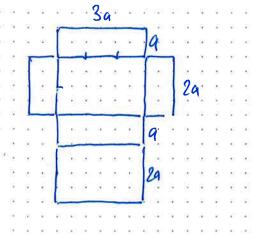
B Skizziere im Würfel einen Körper, der halb so viele cm³ hat wie Körper 1 aus Aufgabe A.

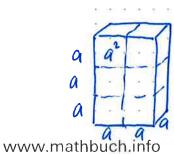


$$V = \frac{216}{cm^3} = \frac{0.216}{dm^3}$$

- 6 Ein Quader ist doppelt so lang wie breit und dreimal so hoch wie breit, Seine Oberfläche misst 88 cm².
  - A Skizziere ein Netz und ein Raumbild des Quaders. Beachte die Verhältnisse.
  - B Wie viele cm³ misst das Volumen des Quaders?

Oberhache  $22a^2 = 88 \text{ cm}^2$   $a^2 = 4 \text{ cm}^2$   $a = 2 \text{ cm}^2$ 

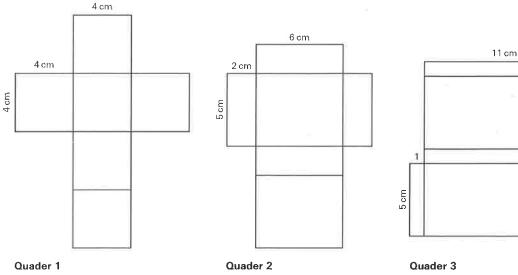




Als Kopiervorlage freigege

# mathbuch 1 LU13 Arbeitsheft+ Teste dich selbst

A Berechne das Volumen V und die Oberfläche A der drei Quader anhand der Netze.



$$V = \frac{64 \text{ cm}^3}{A = \frac{96 \text{ cm}^2}{A}}$$

$$V = \frac{60 \text{ cm}^3}{104 \text{ cm}^2}$$

$$V = \frac{55 \text{ cm}^3}{142 \text{ cm}^2}$$

B Ordne die drei Quader der Grösse nach bezüglich ihres Volumens.

# Quader 1 > Quader 2 > Quader 3

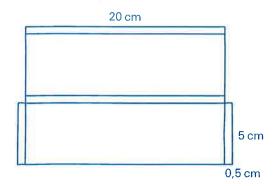
C Ordne die drei Quader der Grösse nach bezüglich ihrer Oberfläche.

### Quader 3 > Quader 2 > Quader 1

D Was fällt dir dabei auf?

Der Quader mit dem grössten Volumen hat die kleinste Oberfläche und umgekehrt.

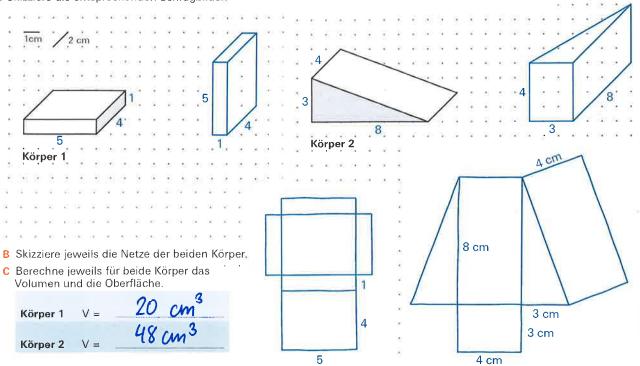
E Skizziere ein Netz von einem Quader, bei dem das Volumen kleiner und die Oberfläche grösser ist als beim Quader 3.



$$V = \frac{50 \text{ cm}^3 < 55 \text{ cm}^3}{\text{S}} = \frac{225 \text{ cm}^2 > 142 \text{ cm}^2}{\text{S}}$$

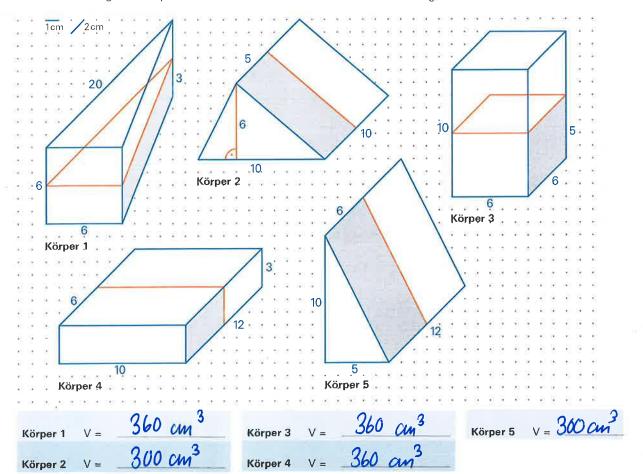
3 Die beiden Körper werden so gekippt, dass sie auf der grau gefärbten Fläche stehen,

A Skizziere die entsprechenden Schrägbilder,



5 A Berechne mithilfe des Punkterasters die Volumen der folgenden Quader und Prismen.

B Skizziere halb so grosse Körper mithilfe des Punkterasters direkt in die Zeichnung,



## mathbuch 1 LU13 Arbeitsheft+ Teste dich selbst

A Setze die Liste bei den Volumen entsprechend fort. Rechne, wo es verlangt wird, in die nächst grössere Einheit oder Liter (I) um.

Volumen			Gegenstand
1 mm <sup>3</sup> – 10 mm <sup>3</sup>	$=$ $0.001 \text{ cm}^3 - 0.01$	cm <sup>3</sup>	Bleistiftspitze
10 mm³ – 100 mm³	$= 0.01 \text{ cm}^3 - 0.1$	cm³	Wassertropfen
100 mm³ – 1 000 mm³	$= 0.1 \text{ cm}^3 - 1$	cm³	Zweifrankenstück
1 cm <sup>3</sup> – 10 cm <sup>3</sup>	$= \frac{0,001 \text{ dm}^3 - 0,01}{1000000000000000000000000000000000$	dm³ =	Bleistiftspitzer
$10 \text{ cm}^3 - 100 \text{ cm}^3$	$= 0.01 \text{ dm}^3 - 0.1$	dm³ = I	Pingpongball
$100 \text{ cm}^2 - 1000 \text{ cm}^3$	0,1 dm <sup>3</sup> – 1	dm <sup>3</sup> =	Tennisball
1 dm <sup>3</sup> –10 dm <sup>3</sup>	$= 0.001 \text{ m}^3 - 0.01$	m³ =	Fussball
10 dm <sup>3</sup> – 100 dm <sup>3</sup>	$= 0.01 \text{ m}^3 - 0.1$	m³ =1	Rucksack
100 dm <sup>3</sup> – 1000 dm <sup>3</sup>	= 0,1 m <sup>3</sup> -1	m³ =	Badewanne
1 m <sup>3</sup> – 10 m <sup>3</sup>			Kleinwagen
10 m <sup>3</sup> – 100 m <sup>3</sup>			Wohnzimmer
100 m <sup>3</sup> – 1000 m <sup>3</sup>			Einfamilienhaus

B Schätze jeweils das Volumen der folgenden Gegenstände, Schreibe sie an der passenden Stelle in die Tabelle.

Fussball	Kleinwagen	Rucksack	Wassertropfen	2-Frankenstück	Bleistiftspitze
Bleistiftspitzer	Einfamilienhaus	Pingpongball	Tennisball	Badewanne	Wohnzimmer

# Merkblatt

